

Resolução Matemática 1º Ano

10. Alternativa E

Temos que: $1 < 2x < 4 \Rightarrow \frac{1}{2} < x < 2$. Como $x \in \mathbb{N}$, o único elemento natural desse conjunto é o número 1.

11. Alternativa A

$h(t) = -3t^2 + 30t \Rightarrow x_v = -\frac{b}{2a} \Rightarrow x_v = \frac{-30}{-6} = 5$, que representa o tempo de subida.

Logo, o tempo decorrido até cair na água é de 10s.

Fazendo $h(5)$, teremos a altura máxima. Assim, $h(5) = -3 \cdot 5^2 + 30 \cdot 5 = -75 + 150 = 75m$.

12. Alternativa C

Na primeira pipa temos 60 litros, faltando 240 litros. Como a torneira escoar 60 litros por minuto, temos: $x = \frac{240}{60} = 4$ min.

Na segunda pipa temos 200 litros, faltando 100 litros. Como a torneira escoar 25 litros por minuto, temos: $x = \frac{100}{25} = 4$ min.

Ou seja, as duas pipas transbordarão ao mesmo tempo.

13. Alternativa D

Observando a 4ª e a 6ª etapa, notamos que a segunda garrafa (800ml) estava com 300 ml e na 6ª etapa a garrafa menor (500 ml) está com 300 ml que foram transferidos da segunda para a terceira garrafa. O mesmo ocorre com o conteúdo da garrafa maior. Logo, a única alternativa que satisfaz a condição é a D.

14. Alternativa A

Chamando de **x** as notas de R\$ 5,00 e de **n** as notas de R\$ 10,00, temos:

$$\begin{cases} x + n = 26 \\ 5x + 10n = 175 \end{cases} \Rightarrow n = 9.$$

15. Alternativa C

Da equação dada, fazendo mmc, tem-se: $x^2 = 6x - 5 \Rightarrow x^2 - 6x + 5 = 0$, cujas raízes são: 1 e 5. Logo, $S = \{1, 5\}$.

16. Alternativa A

Das condições dadas, temos que x litros de iogurte equivalem a x miligramas de vitamina A e $20x$ microgramas de vitamina D. Analogamente, y pacotes de cereais equivalem a $3y$ miligramas de vitamina A e $15y$ microgramas de vitamina D. Assim, $x + 3y \geq 7$ e $20x + 15y \geq 60$.

17. Alternativa D

Achando as raízes da inequação, temos: $x = \frac{-1 \pm 9}{2} \Rightarrow x = 4$ ou $x = -5$. Observe que a parábola tem concavidade para cima, cortando o eixo nas raízes encontradas. Como só se admite a parte negativa da parábola, as soluções inteiras estão **entre** -5 e 4 , tendo assim, **10 soluções**.

18. Alternativa C

Chamando $PC = x$ e $PA = y$, temos: $\triangle PCB \sim \triangle PCA$, então:

$$\frac{PC}{PA} = \frac{PA}{PB} = \frac{CA}{AB} \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{y}{x+7} = \frac{6}{8}. \text{ Assim, temos: } \begin{cases} \frac{x}{y} = \frac{3}{4} \\ \frac{y}{x+7} = \frac{3}{4} \end{cases} \Rightarrow x = 9$$